

Lundi 06/12 :

1. Donner une primitive de $\frac{x+1}{x(\ln(x)+x)}$ (regarder la dérivée $\frac{x+1}{x}$).
2. Montrer que $\cos(x/2)$ n'admet pas de limite en $+\infty$ à l'aide des suites.
3. Montrer que $x \mapsto e^x - x + 1$ est une bijection de \mathbb{R} vers une ensemble que l'on déterminera.
4. Discuter de la continuité de $x \mapsto \lfloor \sin(x) \rfloor$ en $\pi/2$.

Mardi 07/12 :

1. Montrer que $\ln(x) = -x - 1$ admet une unique solution sur \mathbb{R} .
2. Soit f un fonction qui ne s'annule pas, définie sur \mathbb{R}^* . Supposons que $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ et $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$. Discuter d'un prolongement par continuité de $g : x \mapsto \begin{cases} \frac{\sin(f(x))}{f(x)} & \text{si } x > 0 \\ \exp(f(x)) & \text{si } x < 0 \end{cases}$ en 0.
3. Donner une primitive de $-\sin(x)\exp(\cos(x))\exp(\cos(x))$ (indice : $-\sin(x)\exp(\cos(x))\exp(\cos(x)) = u'u^n$)
4. Soit f une fonction continue sur \mathbb{R}_+^* tel que $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$. Justifier que f s'annule en un point à l'aide du TVI.